

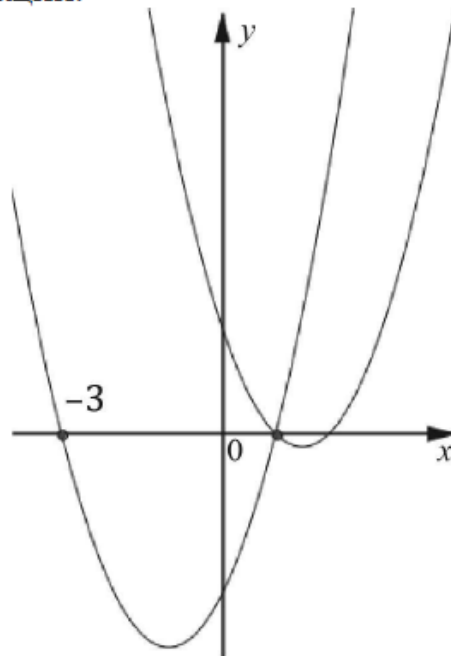
ВСЕРОССИЙСКАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ

ПО МАТЕМАТИКЕ. 2017-2018 УЧЕБНЫЙ ГОД.

ШКОЛЬНЫЙ ЭТАП.

10 КЛАСС.

1. (7 баллов) Точка O — центр квадрата $ABCD$. Найдите какие-нибудь семь попарно неравных векторов с концами и началами в точках A, B, C, D, O , сумма которых равна нулевому вектору. Объясните свой ответ.
2. (7 баллов) Можно ли все натуральные числа от 1 до 800 разбить на пары так, чтобы сумма любой пары чисел делилась на 6?
3. (7 баллов) Участвуя в шахматном турнире, Вася сыграл 52 партии. По старой системе подсчёта очков (1 очко за победу, $\frac{1}{2}$ очка за ничью и 0 очков за поражение) он набрал 35 очков. Сколько очков он набрал по новой системе подсчёта очков (1 очко за победу, 0 очков за ничью и -1 очко за поражение)?
4. (7 баллов) На координатной плоскости изображены графики функций $y = x^2 + bx + c$ и $y = x^2 + cx + b$. Найдите значения b и c . В ответе запишите уравнения каждой из функций.



5. (7 баллов) Две вершины, центр вписанной окружности и точка пересечения высот остроугольного треугольника лежат на одной окружности. Найдите угол при третьей вершине.